Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце: ЧАСТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ ФИО: Кузнецова Эмилия Васильевна Должность: Исполнительный директор «РЕГИОНА ЛЬНЫЙ ИНСТИТУТ БИЗНЕСА И УПРАВЛЕНИЯ»

Дата подписания: 23.11.2025 16:18:16

Уникальный программный ключ: 01e176f1d70ae109e92d86b7d8f33ec82fbb87d6

Рассмотрено и одобрено на заседании Учебно-Методического совета Протокол № 1 от 23 августа 2024 г.



ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ к рабочей программе дисциплины «Численные методы»

Направление подготовки

09.03.03 Прикладная информатика

Направленность подготовки(профиль)

Прикладная информатика

Уровень

бакалавриат

программы

очно-заочная

Форма обучения

Фонд оценочных средств текущей и промежуточной аттестации по дисциплине «Численные методы»

Фонд оценочных средств является неотъемлемой частью рабочей программы дисциплины и основной образовательной программы.

Фонд оценочных средств представляет собой комплекс учебных заданий, предназначенных для измерения уровня достижений обучающимся установленных результатов обучения, и используется при проведении текущей и промежуточной аттестации (в период зачетно -экзаменационной сессии).

Цель ФОС – установление соответствия уровня подготовки обучающихся на данном этапе обучения требованиям рабочей программы дисциплины.

Основными задачами ФОС по учебной дисциплине являются:

- контроль достижений целей реализации ОП формирование компетенций;
- контроль процесса приобретения обучающимся необходимых знаний, умений, навыков(владения/опыта деятельности) и уровня сформированности компетенций;
 - оценка достижений обучающегося;
- обеспечение соответствия результатов обучения задачам будущей профессиональной деятельности через совершенствование методов обучения в образовательном процессе.

1. Планируемые результаты обучения по дисциплине в рамках планируемых результатов освоения основной образовательной программы. Перечень компетенций в процессе освоения образовательной программы.

Дисциплина «Численные методы» обеспечивает освоение следующих компетенций с учетом этапа освоения:

Код	
компетенции	Наименование компетенции
ПК - 10	Способен применять системный подход и математические методы в
	формализации решения прикладных задач.

Раздел/тема	Краткое тематическое содержание /этапы формирования компетенции	Методы текущег о контрол я успеваем ости	Компетенции
Численные методы		O,T, KP	ПК-10
алгебры	Методы локализации корней алгебраического уравнения. Методы уточнения корней. Оценка погрешности решения. Теорема о сжимающем отображении. Достаточное условие сжимаемости отображения. Методы: Ньютона; простой итерации; бисекции. Оценка погрешности численного решения уравнения.		

	Прямые методы решения систем алгебраических линейных уравнений (СЛАУ). Метод Гаусса. Схема единственного деления. Схема с выбором главного элемента. Метод прогонки. Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Способы приведения системы линейных уравнений к виду удобному для итераций. Выбор начального приближения. Необходимое и достаточное условие сходимости итерационного процесса. Критерий окончания итераций. чЧисло обусловленности системы. Вычисление матричной нормы, согласованной с векторной. Оценка нормы обратной матрицы. Оценка погрешности решения. Вычисление собственных чисел и собственных векторов матрицы методом скалярных произведений. Метод РUразложения матрицы на произведение ортогональной и верхней треугольной.		
	QR-алгоритм. Метод скалярных		
+исленные методы	произведений.	O,T, KP	ПК-10
	Задача интерполяции. Единственность интерполяционного многочлена. Многочлен Лагранжа. Интерполяционные формулы Ньютона. Сходимость интерполяционного процесса. Интерполяция с кратными узлами. Многочлены Эрмита. Сплайны. Оценка погрешности интерполяции. Недостатки интерполяции. Приближение в нормированных пространствах. Равномерное приближение. Многочлены Чебышева. Среднеквадратическое приближение. Ортогональные многочлены. Тригонометрическая интерполяция. Дискретное преобразование Фурье		
		O,T, KP	ПК-10
+исленные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений	Постановка задачи численного дифференцирования. Метод Лагранжа. Метод неопределенных коэффициентов. Погрешность вычисления производной. Неустойчивость задачи численного дифференцирования. Выбор		

линейной краевой задачи. Метод прогонки. Разностные методы решения краевой задачи. Сплайн-решение линейной краевой задачи. Решение нелинейной краевой задачи.

Соответствие уровней освоения компетенции планируемым результатам обучения и критериям их оценивания

Код	
компетенции	Наименование компетенции
ПК - 10	Способен применять системный подход и математические методы в
	формализации решения прикладных задач.

По казатель		Критерии оц	енивания	
оцениван ия/индика торы	2	3	4	5

методы решения систем линейных уравнений; основные методы решения нелинейных уравнений и их уравнений и их уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальны ых уравнений уравнений и их ура	По	IChymanyu ayayunayug			
Виает Не знает прямые и итерационные методы решения систем линейных уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их уравнений и их уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их уравнений и их уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их уравнений и их уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их уравнений и их обыкновенных дифференциальных уравнений и их основных методов решения обыкновенных интерационные методы решения обыкновенных интерационные и итерационные методы решения систем нелинейных уравнений в решении прикладных уравнений и равнений и их основных методы решении итерационные методы решении прикладных уравнений уравнений уравнений уравнений решении растем ра	ЛЬ		критерии оц	енивания	
Внает прямые и итерационные методы решения систем линейных уравнений их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений их уравнений уравнений их уравнений уравнений их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений их уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных дифференциальных дифференциальных хуравнений и их систем; численных дифференциальных дифференциальных дифференц					
Внает Не знает прямые и итерационные методы решения систем линейных уравнений; основные методы решения нелинейных уравнений и их систем; численные методы решения нелинейных уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численые методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численых методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численых методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численых методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численых методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численых методов решений; основных методов решений; основных методов решений; основных методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численых методов решений; основных методов решений; основных методов решений; основных методов решений и их систем; численых методов решений; основных методов решений; основных методов решений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их систем; численых методов решений обыкновенных и т	цика	2	3	4	5
методы решения систем линейных уравнений; основные методы решения систем линейных уравнений; основные методы решения нелинейных уравнений и их остобыхновенных инференциальных инференциальных инференциальных уравнений и их остобыхновенных инференциальных инфере	ает	Не знает прямые и	Демонстрирует, что		
терационные методы решения систем линейных уравнений; основные методы решения нелинейных уравнений их уравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных х уравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных х уравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных х уравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных х уравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных х уравнений и их систем; численных методов решений обыкновенных дифференциальных х уравнений и их систем; численных методов решений их основных методов решений и их систем; численных методов решений и их систем; численных методов решений и их систем; численных м		_	только частично		системой знаний о
уравнений; основные методы решения систем линейных уравнений; основные методы нелинейных уравнений и их систем; численные методы решения методы решения методы решения методы решения уравнений; основных методов решени уравнений; основных методов решения методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численные методы решения методы решения методов решения уравнений; основных методов решени нелинейных уравнений; основных методов решени нелинейных уравнений и их основных методов решени их основных методов решения методов решения методов решения методов решения обыкновенных дифференциальных дифференциальных дифференциальных х уравнений и их осистем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных х уравнений уравнений уравнений их основных методов решени обыкновенных дифференциальных дифференциальных х уравнений уравнений и их осистем; численных методов решени и их осистем; численных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных и уравнений их основных методов решений и их основных методов решени и их осистем; численных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных и уравнений их основных методов решений и их основных методов решении их основных методов решении и их основных ме	ļ	методы решения	Знает прямые и		прямых и
основные методы решения нелинейных уравнений; основные методы нелинейных уравнений и их систем; численные методы решения нобыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных дифференц	ļ	систем линейных	итерационные методы		-
решения основные методы нелинейных уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений уравнений и их обыкновенных дифференциальных уравнений уравнений и их основных методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений уравнений и их основных методов решения обыкновенных дифференциальных демонственсов и терационные и терационные методы решения и терационные методы решения и терационные и терационные дитерационные дитерационные дитерационные и терационные дитерационные ди		уравнений;	решения систем		методов решения
нелинейных уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных уравнений и их систем; численных методов решени и их систем; численных методов решения обыкновенных систем; численных дифференциальных инелинейных уравнений и их систем; численных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных уравнений и их обыкновенных дифференциальных диффер	ŀ	основные методы	линейных уравнений;		
уравнений и их систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их уравнений; основных методов решени и их основных методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных дифференций дитерационные применять практике применять практике применять практике применять практике применять практике применять практике применять применять практике применять пр]	решения	основные методы	-	· ·
систем; численные систем; численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их основных методов решения ий уравнений и их обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных дифференциальных хуравнений и их систем; численных методов решения обыкновенных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных хуравнений уравнений уравнений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных дифференциальных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных диффереенциальных диффереенциальных	ļ	нелинейных	решения нелинейных	•	
методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их основных методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений и их обыкновенных нелинейных уравнений и их обыкновенных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных дифференциальных хуравнений обыкновенных дифференциальных хуравнений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных хуравнений обыкновенных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных дифференциальных хуравнений и их обыкновенных дифференциальных диффере		уравнений и их	уравнений и их	-	методов решения
обыкновенных дифференциальных уравнений уравнений уравнений их систем; численных методов решени обыкновенных дифференциальных уравнений и их систем; численных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных хуравнений уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений их систем; численных дифференциаль дифференциальных хуравнений уравнений уравнений уравнений уравнений их систем; численных дифференциальных дифференциальных хуравнений уравнений уравнений уравнений их систем; численных дифференция их систем; численных дифференция уравнений уравнений их систем; численных дифференция уравнений их систем; численных дифференциальных дифференциальных хуравнений их систем уравнений уравнений их систем; численных дифференциальных диффере	į.	систем; численные	систем; численные		
дифференциальных уравнений уравнений нелинейных уравнений уравнений уравнений их систем; численных дифференциальны х ифференциальны х уравнений их обыкновенных дифференциальны х уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений их обыкновенных дифференциальны х уравнений уравнений уравнений уравнений их обыкновенных дифференциальны х уравнений уравнений уравнений их обыкновенных дифференциальны х уравнений уравнений уравнений их обыкновенных дифференциальны х уравнений уравнений их обыкновенных дифференциальных х уравнений уравнений их обыкновенных дифференциальных х уравнений их обыкновенных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновенных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновенных дифференциальных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновенных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновенных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновенных демонструст уравнений их обыкновенных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновений их обыкновенных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновенных дифференциальных демонструст уравнений их обыкновенных демонструст уравнений их обыкновенных демонструст уравнений	j	методы решения	_	7 *	7 -
ых уравнений уравнений их уравнений их уравнений их систем; численных дифференциаль методов решени обыкновенных дифференциальных дифференциальных дифференциальных дифференциальных уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений уравнений их уравнений уравнений уравнений итерационные методы применять прямые и применять прямые и применять прямые и итерационные методы решения итерационные методы решения итерационные и прикладных задач; применять уравнений итерационные уравнений итерационные итер	ŀ				систем;
уравнений и их обыкновенных систем; численных дифференциали методов решения уравнений Умеет Не умеет применять прямые и итерационные прямые и итерационные прямые и итерационные методы решения систем нелинейных уравнений в решении прикладных задач; применять применять применять применять применять прешении прикладных задач; применять применять примений в уравнений применять применять прешении прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы решения итерационные уравнений применять методы решения итерационные уравнений в уравнений применять методы решения итерационные уравнений в уравнений применять методы решения обыкновенных дифференциали уравнений их систем; численных дифференциали уравнений				P	
Умеет Не умеет применять прямые итерационные методы решения итерационные нелинейных уравнений в уравнений в уравнений в решении прикладных задач; применять применять методы решения итобыкновенных дифференциальных дифференциальных хуравнений хуравнений в уравнений в применять прямые и применять прямые и итерационные методы решения итерационные методы решения итерационные методы решения итерационные методы решения уравнений в уравнений в уравнений в уравнений уравнений в уравнений в уравнений в уравнений прикладных задач; применять применять применять методы решения итерационные инелиней уравнений в уравнений в уравнений решении прикладных уравнений в уравнений решении решении	1	ых уравнений	уравнений		методов решения
методов решения обыкновенных дифференциальны х уравнений Умеет Не умеет применять прямые частичное и Умение применять прямые и применять прямые и применять прямые и применять пряктике прямые и применять пряктике прямые и применять пряктике прямые и применять пряктике итерационные методы решения систем нелинейных уравнений в уравнений в решении прикладных прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы решения итерационные нелинейных уравнений в уравнений прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы решения решении				- 1	
обыкновенных дифференциальны х уравнений Умеет Не умеет применять прямые и Умение применять прямые и применять прямые и применять прямые и применять прямые и применять прямые и итерационные нелинейных нелинейных уравнений в уравнений в уравнений в решении прикладных задач; применять применять итерационные нелинейных уравнений в уравнений прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы решения методы решении прикладных задач; применять решении					
умеет Не умеет применять прямые и частичное Умение применять прямые и терационные методы решения систем нелинейных уравнений в решении прикладных задач; применять применять применять прикладных задач; применять применять применять прямые и итерационные методы решения итерационные методы решения систем методы решении прикладных уравнений в уравнений в уравнений решении применять уравнений в уравнений решении				_	уравнений
Умеет Не умеет применять прямые и Умение применять прямые и терационные прямые и терационные методы решения итерационные методы решения систем нелинейных уравнений в уравнений в решении прикладных задач; применять применять их уравнений в применять изадач; применять применять изадач; применять применять изадач; применять уравнений в уравнений прикладных оприменять методы решения итерационные нелиней уравнений в уравнений в уравнений в уравнений прикладных задач; применять методы решения решении прешении прикладных орешении прикладных уравнений в уравнений решении					
Умеет Не умеет применять прямые и итерационные методы решения систем нелинейных уравнений в решении прикладных задач; применять прикладных методы решении методы решения систем решения систем решения систем решении прикладных задач; применять прикладных орешения систем нелинейных уравнений в решении прикладных орешении прикладных орешении решении					
применять прямые частичное и Умение применять Демонстрирует итерационные прямые и прямые и прямые и прямые и применять прямые и прямые и применять прямые и применять прямые и итерационные нелинейных нелинейных методы решения итерационные уравнений в уравнений в систем методы решении решении прикладных нелинейных систем нелиней прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы решения решении решении решении решении решении решении решении			T	х уравнений	
и Умение применять итерационные прямые и применять прямые и итерационные нелинейных нелинейных методы решения уравнений в уравнений в уравнений прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы решения решении решении решении решении решении решении		J			
итерационные прямые и умение применять практике методы решения итерационные методы систем решения систем нелинейных уравнений в уравнений в решении прикладных прикладных задач; применять применять уравнений в уравнений прикладных задач; применять решении прикладных орешении прикладных уравнений в уравнений применять методы методы решения решении решении решении решении решении]	*			T 7
методы решения итерационные методы прямые и применять прям итерационные нелинейных нелинейных уравнений в уравнений в уравнении прикладных нелинейных систем методы решении прикладных нелинейных уравнений в уравнений прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы методы решения решении решении решении			-		
систем решения систем итерационные нелинейных нелинейных методы решения итерационные уравнений в уравнений в систем методы решени решении прикладных нелинейных систем нелиней прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы методы решения решении решении		-	_ -	*	•
нелинейных нелинейных методы решения итерационные уравнений в систем методы решении решении прикладных нелинейных систем нелиней прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы методы решения решении решении		•	•	-	1
уравнений в уравнений в систем методы решени решении прикладных нелинейных систем нелиней прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы методы решения решении решении			 	_	И
решении решении прикладных нелинейных систем нелиней прикладных задач; применять уравнений в уравнений применять методы методы решения решении решении				-	
прикладных задач; задач; применять уравнений в уравнений применять методы методы решения решении решении			T -		-
применять методы методы решения решении решении	F		f -		
		-	-	, · · ·	7 -
мешения непинеиных данатину запан поистании и зап			методы решения нелинейных	_	'
решения нелинейных прикладных задач; прикладных зад нелинейных уравнений в применять методы применять мето	lf .	1		_	_
уравнений в решении прикладных решения решения			F =	-	*
решении задач; применять нелинейных нелинейных		* 1		-	r
прикладных задач; методы решения уравнений в уравнений	ľ	1	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
применять методы обыкновенных решении решении				• •	7 -
решения дифференциальных прикладных задач; прикладных зад				_	*
обыкновенных уравнений в применять методы применять методы				-	-
дифференциальны решении прикладных решения решения			* ±	-	
х уравнений в задач обыкновенных обыкновенных			Ť Ť	_	r
решении дифференциальны дифференциаль		* *			
прикладных задач х уравнений в уравнений в	ľ	•			
решении решении		· -			-
прикладных задач прикладных зад				-	r I
По	По		T/	•	
Критерии оценивания казатель			Критерии оц	енивания	

оцениван ия/индика торы	2	3	4	5
Владеет	Не владеет	Демонстрирует только		Владеет методами
	методами	частичное владение	Демонстрирует	интерполирования
	интерполирования	методами	владение владеть	функций; методами
	функций;	интерполирования	методами	численного
	методами	функций; методами	интерполирования	интегрирования
	численного	численного	функций;	
	интегрирования	интегрирования	методами	
			численного	
			интегрирования	

3. Фонд оценочных средств и материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и промежуточной аттестации по дисциплине

3.1. В ходе реализации дисциплины «Численные методы» используются следующие формы текущего контроля успеваемости обучающихся:

опрос, контрольная работа, тестирование т.д.

- 3.2. Преподаватель при текущем контроле успеваемости, оценивает уровень подготовленности обучающихся к занятию по следующим показателям:
 - устные (письменные)ответы на вопросы преподавателя по теме занятия;
 - количество правильных ответов при тестировании;
- по сформированности собственных суждений основанных на значимых фактах и практических результатах отраженных в реферате, эссе;
 - аргументированности, актуальности, новизне содержания доклада;
 - по точному выполнению целей и задач контрольной работы.

Детализация баллов и критерии оценки текущего контроля успеваемости утверждается на заседании кафедры.

- .2.1. Вопросы для подготовки к опросу по всем изучаемым тема лисшиплины:

Тема 1. Численные методы алгебры.

- 1) Прямые методы решения систем алгебраических линейных уравнений (СЛАУ).
- 2) Метод Гаусса.
- 3) Схема единственного деления.
- 4) Схема с выбором главного элемента.
- 5) Метод прогонки.
- 6) Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений.
- 7) Способы приведения системы линейных уравнений к виду удобному для итераций.
- 8) Выбор начального приближения.
- 9) Необходимое и достаточное условие сходимости итерационного процесса.
- 10) Критерий окончания итераций.
- 11) +исло обусловленности системы.
- 12) Вычисление матричной нормы, согласованной с векторной.
- 13) Оценка нормы обратной матрицы.
- 14) Оценка погрешности решения.

Тема 2. Численные методы теории приближений

- 1) Компьютерные числа.
- 2) Понятие погрешности.
- 3) Погрешности вычислений.
- 4) Виды погрешностей: неустранимая; методическая; вычислительная.
- 5) Прямая и обратная задачи теории погрешностей.
- 6) Методы локализации корней алгебраического уравнения.
- 7) Методы уточнения корней.
- 8) Оценка погрешности решения.
- 9) Теорема о сжимающем отображении.
- 10) Достаточное условие сжимаемости отображения.
- 11) Методы: Ньютона; простой итерации; бисекции.
- 12) Оценка погрешности численного решения уравнения.

Тема 3. Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений

- 1) Постановка задачи численного дифференцирования.
- 2) Метод Лагранжа. Метод неопределенных коэффициентов.
- 3) Погрешность вычисления производной.
- 4) Неустойчивость задачи численного дифференцирования.
- 5) Выбор оптимального шага.
- 6) Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений (ОДУ).
- 7) Задача Коши для обыкновенного дифференциального уравнения 1-го порядка.
- 8) Методы Эйлера, Рунге-Кутты и Адамса.
- 9) Выбор шага интегрирования.
- 10) Погрешность интегрирования.
- 11) Численное решение краевой задачи для обыкновенного дифференциального уравнения 2го порядка.
- 12) Решение линейной краевой задачи.
- 13) Метод прогонки. Разностные методы решения краевой задачи.
- 14) Сплайн-решение линейной краевой задачи.
- 15) Решение нелинейной краевой задачи.

Устный (письменный) опрос проводится в течение установленного времени преподавателем. Опрашиваются все обучающиеся группы. За опрос выставляется оценка до 10 баллов. Набранные баллы являются рейтинг-баллами.

Рейтинг-баллы	Аттестационная оценка обучающегося по дисциплине учебного плана в национальной системе оценивания
8-10	отлично
6-7	хорошо
4-5	удовлетворительно
0-3	неудовлетворительно

При оценивании учитывается:

- 1. Целостность, правильность и полнота ответов
- 2. В ответе приводятся примеры из практики, даты, Ф.И.О. авторов
- 3. Применяются профессиональные термины и определения

Процедура оценки опроса:

- 1. Если ответ удовлетворяет 3-м условиям 8-10 баллов.
- 2. Если ответ удовлетворяет 2-м условиям 6-7 баллов.
- 3. Если ответ удовлетворяет 1-муусловию 4-5 баллов.
- 4. Если ответ не удовлетворяет ни одному условию 0-3

3.2.2. Тестовые задания для проведения тестирования:

Вопрос 1 Заданы два приближенных числа $a=2\pm0,1,\,b=1,2\pm0,05$. Тогда предельная абсолютная погрешность разности этих чисел равна... • 0,15 • 0,05 • 0,1

Вопрос 2 Предельная абсолютная погрешность числа а =25,146, у которого все цифры верные (в широком смысле) равна... • $0,0001 \cdot 0,001 \cdot 0,0005$

Вопрос 3 Количество верных значащих цифр (в широком смысле) для приближенного числа $4,214\pm0,05$ равно • 2 • 3 • 4

Вопрос 4 Заданы два приближенных числа $a=4\pm0.1$, $b=2\pm0.1$. Тогда предельная абсолютная погрешность произведения этих чисел равна... • 0.6 • 0.01 • 0.2

Вопрос 5 Заданы два приближенных числа $a=8\pm0.2$, $b=4\pm0.1$.

Тогда предельная абсолютная погрешность частного b а этих чисел равна... • 0,1 • 0,05 • 0,6 Вопрос 6 Заданы два приближенных числа $a=2\pm0,05$, $b=3\pm0,05$. Тогда предельная относительная погрешность разности этих чисел равна... • 0,1 • 0,2 • -0,1 • 0

Вопрос 7 Три итерации по методу половинного деления при решении уравнения

- ' 'на отрезке [0;8] требуют последовательного вычисления значений функции- в точках...
 - x1 = 4; x2 = 6; x3 = 7
 - x1 = 4; x2 = 6; x3 = 5
 - x1 = 5; x2 = 6; x3 = 7
 - x1 = 4; x2 = 7; x3 = 6

Вопрос 8 Три итерации по методу половинного деления при решении уравнения

$$x^2 - 593 = 0$$

в точках...

- x1 = 4; x2 = 6; x3 = 5
- x1 = 1; x2 = 2; x3 = 3
- x1 = 4; x2 = 2; x3 = 3
- x1 = 4; x2 = 3; x3 = 2

на отрезке [0;8] требуют последовательного вычисления значений функции

 $x^3 + 2x - 1$ принадлежит интервалу...

Вопрос 9 Один из корней уравнения покализован на интервале [-2;2], тогда при уточнении этого корня методом хорд за точку 0 х начального приближения следует принять ...

- x0 = -2
- x0 = 2
 - $\cdot \left(0; \frac{1}{2}\right)$
 - $\cdot \left(\frac{3}{2};2\right)$
 - $\cdot \left(\frac{1}{2};1\right)$
 - $\cdot \left(1; \frac{3}{2}\right)$

$$\alpha = \begin{bmatrix} 0 & -0.125 - 0.125' \\ -0.2 & 0 & 0.2 \end{bmatrix}$$

Вопрос 11 Известна матрица α системы линейных алгебраических уравнений, приведенной к нормальному виду

Правда ли, итерационный процесс решения системы линейных уравнений сходится?

- Да
- Нет
- Нет достаточных данных для ответа

Вопрос 12 Известны нормы матриц α и β нормализованной системы линейных алгебраических уравнений: a=0,7, p=0,5. Методом простых итераций проведено три приближения на пути к решению системы. Тогда предельная абсолютная погрешность результата равна... • 0,2 • 0,04 • 0,4 Вопрос 13 Итерационный процесс решения системы линейных алгебраических уравнений сходится, если для нормы матрицы α , нормализованной линейной системы выполняется условие...

- a<1
- a>1
- a=1

Вопрос 14 Численное решение задачи Коши, заданной дифференциальным уравнением $y = \sin(x + y)$

с начальными условиями

- существует и единственно
- не существует
- нельзя ответить однозначно

Вопрос 15. Последовательные округления числа 2.75464 до целого дают ряд чисел:

- 2.7546, 2.755, 2.76, 2.8, 3;
- 2.7546, 2.755, 2.75, 2.8, 3;
- 2.7546, 2.754, 2.75, 2.8, 3;
- 2.7546, 2.754, 2.75, 2.7, 2.

Вопрос 16. Число 1/3, округленное до четырех значащих цифр равно:

- 0.33333;
- 0.33;
- 0.3333;
- 0.333.

Вопрос 17. Что такое абсолютная погрешность величины?

- разность между точным и приближенным значениями величины;
- абсолютная разность между точным и приближенным значениями величины;
- отношение точного значения величины к приближенному;
- отношение приближенного значения величины к точному.

Вопрос 18. Даны: приближенная величина – 4, абсолютная погрешность –0.01.

Относительная погрешность равна - ...

- 0.04;
- 0.0025;
- 3.99;

• 4.01.

Вопрос 19. Наименьшая из верхних границ для абсолютной погрешности, которую можно найти при заданном способе получения приближенного числа, называется

- относительной погрешностью;
- абсолютной погрешностью;
- предельной абсолютной погрешностью;
- предельной относительной погрешностью.

Вопрос 20. Относительная погрешность произведения приближенных величин

- равна произведению относительных погрешностей этих величин;
- строго меньше произведения относительных погрешностей этих величин;
- меньше или равна произведения относительных погрешностей этих величин;
- меньше или равна суммы относительных погрешностей этих величин..

Параметры оценивания:

0-2 ошибки: «отлично» (18-20 баллов);

3-4 ошибки: «хорошо» (15-17 баллов);

5-6 ошибки: «удовлетворительно» (10-14 баллов)

7 и более ошибок: «неудовлетворительно» (1-9 баллов

Рейтинг-баллы	Аттестационная оценка обучающегося по дисциплине учебного плана в национальной системе оценивания
18-20	Отлично
15-17	Хорошо
10-14	Удовлетворительно
1-9	Неудовлетворительно

3.2.3 Тематика контрольных работ

Контрольная работа предполагает выработку умений обучающимся показать глубокое знание теории предмета; на основе материала, установить и проанализировать следственно-логические связи и продемонстрировать навыки практического применения теоретической информации изучаемой дисциплины. Написание контрольной работы требует формулирование цели и задачи всей работы, заключение или выводы следуют из поставленных целей и залач.

Примерная тематика контрольных работ:

Тема 1. Численные методы алгебры.

- 1. Простейшие вычисления и операции. Матрицы, определители и их свойства.
- 2. Прямые методы решения СЛАУ.
- 3. Решение задач линейного программирования графическим методом.
- 4. Задача собственных значений и собственных векторов матриц.

Тема 2. Численные методы теории приближений

- 1. Методы решения нелинейных уравнений.
- 2. Методы решения систем нелинейных уравнений.
- 3. Решение задач нелинейной оптимизации.
- 4. Операции над полиномами.
- 5. Методы функциональной интерполяции.
- 6. Аппроксимация функций методом наименьших квадратов.

Тема 3. Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений

- 1. Методы интерполяции на основе сплайнов.
- 2. Методы численного дифференцирования и интегрирования.

- 3. Методы решения ОДУ первого порядка.
- 4. Методы решения ОДУ второго порядка.
- 5. Методы решения краевых задач.
- 6. Нелинейное и квадратичное программирование.
- За контрольную работу выставляется оценка до 20 баллов. Набранные баллы являются рейтинг-баллами.

Критерии оценки контрольной работы:

- 1. Выполнение задания в срок. Соответствие содержания заявленной теме;
- 2. Самостоятельность в выполнении работы, точность и полнота изложенного материала.
- 3. Логическое изложение материала. Соблюдение требований к оформлению работы.

Процедура оценки контрольной работы:

- **1.** Если ответ удовлетворяет 3-м условиям -18-20 баллов.
- 2. Если ответ удовлетворяет 2-м условиям 15-17 баллов.
- **3.** Если ответ удовлетворяет 1-му условию -10-14 баллов.
- **4.** Если ответ не удовлетворяет ни одному условию -1-9

Рейтинг- баллы	Аттестационная оценка студента по дисциплине учебного плана в национальной системе оценивания
18-20	Отлично
15-17	Хорошо
10-14	Удовлетворительно
1-9	Неудовлетворительно

5. Форма и средства (методы) проведения промежуточной аттестации

5.1. Промежуточный контроль: Зачет и зачет с оценкой (рейтинговая система) Зачет и зачет с оценкой проводится в устной форме. Время, отведенное на подготовку вопросов зачета и зачета с оценкой, составляет 30 мин. По рейтинговой системе оценки, формы контроля оцениваются отдельно. Зачет и зачет с оценкой составляет от 0 до 20 баллов.

Вопросы к зачету (III семестр):

- 1. Математические характеристики точности приближенных чисел.
- 2. Оценка погрешности функции приближенных аргументов.
- 3. Правила оценки погрешностей арифметических действий.
- 4. Обратная задача теории погрешностей.
- 5. Принцип равных влияний.
- 6. Принцип равных абсолютных (относительных) погрешностей.
- 7. Постановка задачи и основные этапы численного решения уравнения.
- 8. Аналитический способ локализации корней.
- 9. Метод деления отрезка пополам.
- 10. Метод простых итераций. Условие сходимости.
- 11. Метод простых итераций. Порядок применения метода.
- 12. Метод Ньютона. Условие сходимости метода.
- 13. Достаточное условие сходимости метода Ньютона.
- 14. Модификации метода Ньютона.
- 15. Метод Гаусса. Схема единственного деления.

- 16. Метод Гаусса с выбором главного элемента по столбцу...
- 17. Метод простых итераций решения систем линейных уравнений.
- 18. Достаточное условие сходимости метода простых итераций.
- 19. Метод Зейделя решения систем линейных уравнений.
- 20. Обусловленность задачи решения систем линейных уравнений.
- 21. Способ преобразования системы линейных уравнений к виду удобному для применения метода итераций (метода Зейделя).

Вопросы к зачету (IV семестр):

- 1. Постановка задачи теории приближений.
- 2. Единственность интерполяционного многочлена.
- 3. Интерполяционный многочлен в форме Лагранжа.
- 4. Интерполяционная формула Ньютона.
- 5. Оценка погрешности интерполяционного многочлена.
- 6. Интерполяционная формула Ньютона для равномерной сетки.
- 7. Обратная интерполяция. Оценка погрешности.
- 8. Интерполяционный полином Эрмита.
- 9. Интерполяция сплайнами.
- 10. Метод прогонки для решения СЛАУ с трехдиагональной матрицей.
- 11. Интерполяционная схема Эйткена.
- 12. Равномерное приближение. Теорема Чебышева.
- 13. Среднеквадратическое приближение.
- 14. Тригонометрическая интерполяция.
- 15. Задача численного дифференцирования. Оценка погрешности.
- 16. Вычисление производной в точках, не совпадающих с узлами.
- 17. Вычисление производной при произвольном расположении узлов.
- 18. Постановка задачи численного интегрирования.
- 19. Квадратурные формулы Ньютона-Котеса.
- 20. Сходимость и точность формул прямоугольников, трапеций и Симпсона.
- 21. Метод Рунге оценки погрешности численного интегрирования.
- 22. Квадратурные формулы Гаусса.
- 23. Интегрирование методом Монте-Карло. Оценка погрешности.
- 24. Вычисление несобственных интегралов. Мультипликативное выделение особенностей.
- 25. Вычисление несобственных интегралов. Аддитивное выделение особенностей.
- 26. Интегрирование быстро осциллирующих функций.
- 27. Проблема собственных значений.
- 28. Степенной метод.
- 29. Метод скалярных произведений.
- 30. QR- метод.
- 31. Метод обратных итераций.
- 32. Решение задачи Коши с помощью формулы Тейлора.
- 33. Метод Эйлера. Оценка погрешности.
- 34. Модификации метода Эйлера второго порядка. Оценка погрешности.
- 35. Метод Рунге-Кутты. Оценка погрешности
- 36. Метод Адамса. Оценка погрешности.
- 37. Численное решение задачи Коши для системы уравнений.
- 38. Численное решение краевой задачи для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Метод прогонки.
- 39. Численное решение краевой задачи для обыкновенного дифференциального уравнения второго порядка. Метод стрельбы.
- 40. Вычислить интеграл методом центральных прямоугольников.
- 41. Вычислить интеграл методом трапеций.
- 42. Решить дифференциальное уравнение модифицированным методом Эйлера
- 43. Решить дифференциальное уравнение методом Рунге-Кутты.

- 44. Вычислить интеграл методом Гаусса.
- 45. Вычислить интеграл методом Монте-Карло.
- 46. Вычислить максимальное собственное число матрицы и соответствующий собственный вектор.
- **5. Практическая работа (практическая подготовка):** проверка выполнения заданий по практической подготовке в профессиональной деятельности и самостоятельной работы на практических занятиях.

Практическое задание — это частично регламентированное задание по практической подготовке в профессиональной деятельности, имеющее алгоритмическое или нестандартное решение, позволяющее диагностировать умения, интегрировать знания различных научных областей в практическую подготовку связанную с профессиональной деятельности. Может выполняться в индивидуальном порядке или группой обучающихся.

Работа во время проведения практического занятия состоит из следующих элементов:

- консультирование обучающихся преподавателем с целью предоставления исчерпывающей информации, необходимой для самостоятельного выполнения предложенных преподавателем практических заданий и задач;
- самостоятельное выполнение практических заданий согласно обозначенной учебной программой тематики;
- ознакомление с инструктивными материалами с целью осознания задач практического занятия, техники безопасности при работе в аудитории.

Обработка, обобщение полученных результатов практической подготовки проводиться обучающимися самостоятельно или под руководством преподавателя (в зависимости от степени сложности поставленных задач).

6. Примерные темы к курсовым работам(проектам)

Курсовая работа/проект – предусмотрена/не предусмотрена

7. Оценка компетенций (в целом)

Оценка компетенций (в целом) осуществляется по итогам суммирования текущих результатов обучающегося и промежуточной аттестации.

В оценке освоения компетенций (в целом) учитывают: полноту знания учебного материала по теме, степень активности обучающегося на занятиях в семестре; логичность изложения материала; аргументированность ответа; уровень самостоятельного мышления, практической подготовки; умение связывать теоретические положения с практикой, в том числе и с будущей профессиональной деятельностью с промежуточной аттестации.